

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Комарова Светлана Юрьевна
Должность: Проректор по образовательной деятельности
Дата подписания: 01.09.2026 11:58:11
Уникальный программный ключ:
170062a2aaba0ca24956da507da2e1cb0480647097680a6b14c8e2404912a98b7a
410b67b1d6e69a6b8a69a8a9a180b647097680a6b14c8e2404912a98b7a

Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования
«Омский государственный аграрный университет
имени П.А. Столыпина»

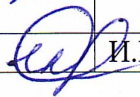
Университетский колледж агробизнеса

ООП по специальности 35.02.16 Эксплуатация и ремонт сельскохозяйственной
техники и оборудования

СОГЛАСОВАНО
Руководитель ООП
 О.В. Алехина
«26» июня 2024 г.

УТВЕРЖДАЮ
Директор
 А.П. Шевченко
«26» июня 2024 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
дисциплины
ОП.01 Математические методы решения прикладных профессиональных задач

Выпускающее отделение		Инженерное отделение	
Разработчики РПУД:			И.О. Зверева
Внутренние эксперты:			
Заведующая методическим отделом УМУ			Г.А. Горелкина
Директор НСХБ			И.М. Демчукова

Омск 2024

СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

1. ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ.....	2
1.1. Цель и место дисциплины в структуре основной образовательной программы	2
1.2. Планируемые результаты освоения дисциплины	2
2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ	3
2.1. Трудоемкость освоения дисциплины	3
2.2. Содержание дисциплины	4
2.3. Курсовой проект (работа)	6
3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ДИСЦИПЛИНЫ	7
3.1. Материально-техническое обеспечение.....	7
3.2. Информационное обеспечение реализации программы	7
4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ	8

1. ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ

ОП.01 Математические методы решения прикладных профессиональных задач

1.1. Цель и место дисциплины в структуре основной образовательной программы

Цель дисциплины **ОП.01 Математические методы решения прикладных профессиональных задач** – формирование представлений о математике как средстве решения прикладных профессиональных задач. Дисциплина включена в обязательную часть общепрофессионального цикла ООП в соответствии с ФГОС СПО по специальности **35.02.16 Эксплуатация и ремонт сельскохозяйственной техники и оборудования**.

1.2. Планируемые результаты освоения дисциплины

Результаты освоения дисциплины соотносятся с планируемыми результатами освоения образовательной программы, представленными в матрице компетенций выпускника (п. 4.3 ООП-П).

В результате освоения дисциплины обучающийся должен:

Код ОК, ПК	Умения	Знания
ОК 01	Владеть приемами геометрических измерений, читать информацию, представленную в виде таблиц, графиков, схем	Основные понятия математического анализа, линейной алгебры, теорию комплексных чисел, теории вероятностей и математической статистики
	Определять этапы решения задачи	Роль и место математики в современном мире при освоении профессиональных дисциплин
ОК 02	-	Основы интегрального и дифференциального исчисления
ПК 1.9	Решать прикладные задачи с применением сложных расчетов. Оценивать качество выполняемых работ	Основные математические методы решения прикладных задач методы оценивания качества выполняемых работ

Обоснование часов вариативной части ООП-П

№№ п/п	Дополнительные знания, умения, навыки	№, наименование темы	Объем часов	Обоснование включения в рабочую программу
-	-	-	-	-

2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

2.1. Трудоемкость освоения дисциплины

Наименование составных частей дисциплины	Объем в часах	В том числе в форме практической подготовки
Учебные занятия	46	-
Курсовая работа (проект)	-	-
Самостоятельная работа	20	-
Промежуточная аттестация – экзамен	4	-
Всего	68	-

2.2. Содержание дисциплины

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала, практических и лабораторных занятий	Объем, акад. ч / в том числе в форме практической подготовки, акад ч	Коды компетенций формированию которых способствует элемент программы
1	2	3	4
Раздел 1. Основы математического анализа		28/10	
Тема 1.1 Функция. Предел функции	Содержание	6	ОК 01
	1. Понятие функции, ее свойства, способы задания. Определение предела функции; теоремы о пределах	2	
	Самостоятельная работа: Замечательные пределы. Непрерывность функции. Исследование функции на непрерывность.	2	
	2. Практическое занятие № 1: Вычисление пределов функций с помощью раскрытия неопределенностей.	2	
Тема 1.2 Дифференциальное исчисление	Содержание	12	ОК 01
	3. Определение производной, её геометрический и механический смысл, правила нахождения производной.	2	
	Самостоятельная работа: Производные основных и сложных функций. Раскрытие неопределенностей с помощью правила Лопиталя.	2	
	4. Монотонность функции. Нахождение экстремумов по производной первого порядка. Наибольшее, наименьшее значение функции на промежутке.	2	
	5. Практическое занятие № 2: Вычисление производных функций	2	
	Самостоятельная работа: Исследование функций	2	
	6. Практическое занятие № 3: Применение производной к решению практических задач.	2	
Тема 1.3 Интегральное	Содержание	10	ОК 01 ОК 02
	7. Неопределённый интеграл, его свойства. Вычисление	2	

исчисление функции одной переменной	неопределённого интеграла методами непосредственного интегрирования и подстановки.		
	8. Вычисление неопределённых интегралов методом интегрирования по частям. Определённый интеграл	2	
	Самостоятельная работа: Определённый интеграл. Приложения определённого интеграла в геометрии (площадь криволинейной трапеции, объём тел вращения)	2	
	9. Практическое занятие № 4: Нахождение неопределённых интегралов различными методами.	2	
	10. Практическое занятие № 5: Применение определённого интеграла в практических задачах	2	
Раздел 2. Основы линейной алгебры		24/10	
Тема 2.1. Матрицы и действия над ними	Содержание	4	ОК 01
	Самостоятельная работа: Матрица, виды матриц, их свойства. Основные операции над матрицами (сложение, вычитание, умножение, транспонирование)	2	
	Самостоятельная работа: Действия над матрицами	2	
Тема 2.2. Определители 2-го и 3-го порядков, их свойства	Содержание	4	ОК 01
	11. Определители n-го порядка, их свойства и вычисление. Миноры и алгебраические дополнения. Разложение определителей в сумму алгебраических дополнений.	2	
	12. Практическое занятие № 6: Вычисление определителей 2, 3 и 4 порядков	2	
Тема 2.3. Обратные матрицы	Содержание	4	ОК 01
	Самостоятельная работа: Обратная матрица. Обращение матриц второго и третьего порядков.	2	
	Самостоятельная работа: Нахождение обратных матриц.	2	
Тема 2.4 Решение систем линейных алгебраических уравнений (СЛАУ)	Содержание	12	ОК 01
	13. Системы линейных уравнений. Решение систем линейных уравнений методом Крамера.	2	
	14. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса. Решение систем линейных уравнений методом обратной матрицы	2	
	15. Практическое занятие № 7: Решение систем линейных уравнений методом Крамера.	2	

	16. Практическое занятие № 8: Решение систем линейных уравнений методом Гаусса	2	
	17. Практическое занятие № 9: Решение систем уравнений методом обратной матрицы	2	
	18. Практическое занятие № 10: Решение систем уравнений методами Крамера и Гаусса, методом обратной матрицы	2	
Раздел 3. Элементы теории комплексных чисел		6	
Тема 3.1 Формы комплексного числа. Решение уравнений.	Содержание	6	ОК 01 ОК 02
	Самостоятельная работа: Понятие комплексного числа, его геометрическая интерпретация. Формы комплексного числа.	2	
	19. Арифметические операции над комплексными числами, заданными в различных формах. Решение квадратных уравнений с отрицательным дискриминантом.	2	
	Самостоятельная работа: Действия с комплексными числами, записанными в различных формах. Решение уравнений	2	
Раздел 4. Основы теории вероятностей и математической статистики		8/2	
Тема 4.1. События, комбинаторика, вероятность	Содержание	4	ОК 01 ОК 02 ПК 1.9
	20. Понятия события и вероятности события. Достоверные и невозможные события. Классическое определение вероятности. Теоремы сложения и умножения вероятностей.	2	
	21. Практическое занятие № 11: Вычисление вероятностей случайных событий	2	
Тема 4.2. Основные понятия математической статистики. Выборочные ряды распределения.	Содержание	4	
	Самостоятельная работа: Предмет математической статистики, ее основные понятия. Числовые характеристики выборки. Геометрическая интерпретация статистического распределения выборки (полигон и гистограмма)	2	
	Самостоятельная работа: Анализ, обработка и графическое предоставление данных	2	
Всего:		66	

2.3. Курсовой проект (работа)

Отсутствует.

3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1. Материально-техническое обеспечение

Для реализации программы дисциплины должны быть предусмотрены следующие специальные помещения:

Кабинет «Общепрофессиональных дисциплин и междисциплинарных курсов» оснащенный в соответствии приложением 3 образовательной программы по специальности 35.02.16 Эксплуатация и ремонт сельскохозяйственной техники и оборудования.

3.2. Информационное обеспечение реализации программы

3.2.1. Основные печатные и/или электронные издания

1. Бардушкин, В. В. Математика. Элементы высшей математики : учебник : в 2 томах. Том 1 / В. В. Бардушкин, А. А. Прокофьев. — Москва : КУРС : ИНФРА-М, 2021. — 304 с. — (Среднее профессиональное образование). - ISBN 978-5-906923-05-9. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1235904>. – Режим доступа: по подписке.
2. Бардушкин, В. В. Математика. Элементы высшей математики : учебник : в 2 томах. Том 2 / В.В. Бардушкин, А.А. Прокофьев. — Москва : КУРС : ИНФРА-М, 2022. — 368 с. — (Среднее профессиональное образование). - ISBN 978-5-906923-34-9. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1817031>. – Режим доступа: по подписке.
3. Дадаян, А. А. Математика : учебник / А.А. Дадаян. — 3-е изд., испр. и доп. — Москва : ИНФРА-М, 2023. — 544 с. — (Среднее профессиональное образование). - ISBN 978-5-16-012592-3. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1891827>. – Режим доступа: по подписке.
4. Шипова, Л. И. Математика : учебное пособие / Л.И. Шипова, А.Е. Шипов. — Москва : ИНФРА-М, 2020. — 238 с. — (Среднее профессиональное образование). - ISBN 978-5-16-014561-7. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1127760>. – Режим доступа: по подписке.

3.2.3. Дополнительные источники

1. Андреищева, Е. Н. Сборник практических и лабораторных работ по высшей математике. Элементы линейной и векторной алгебры. Практикум : учеб. пособие / Е.Н. Андреищева. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 177 с. - ISBN 978-5-16-108041-2. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1044740>– Режим доступа: по подписке.
2. Каазик, Ю. Я. Математический словарь / Каазик Ю. Я. - Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2007. - 336 с. - ISBN 978-5-9221-0847-8. - Текст : электронный // ЭБС "Консультант студента" : [сайт]. - URL : <https://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785922108478.html>. - Режим доступа : по подписке.
3. Математика в школе : научно-теоретический и методический журнал. - Москва : Школьная пресса, 1924. - Выходит 10 раз в год. – ISSN 0130-9358. – Текст : непосредственный.
4. Электронно-библиотечная система «Znanium.com» <http://znanium.com/>
5. Электронно-библиотечная система издательства «Лань» <https://e.lanbook.com/>
6. Электронно-библиотечная система «Консультант студента» <http://www.studentlibrary.ru>
7. Справочная правовая система Консультант Плюс <http://www.consultant.ru/>

4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

<i>Результаты обучения</i>	<i>Критерии оценки</i>	<i>Методы оценки</i>
Знания:		
Основные понятия математического анализа, линейной алгебры, теорию комплексных чисел, теории вероятностей и математической статистики.	Обучающийся знает основные понятия математического анализа, линейной алгебры, теорию комплексных чисел, теории вероятностей и математической статистики.	-устные и письменные опросы на теоретических и практических занятиях. - тестовые опросы. - письменные работы по завершению разделов. - взаимный контроль при работе в парах и малыми группами.
Роль и место математики в современном мире при освоении профессиональных дисциплин.	Обучающийся знает роль и место математики в современном мире при освоении профессиональных дисциплин.	- самоконтроль при рефлексии на теоретических занятиях.
Основы интегрального и дифференциального исчисления.	Обучающийся знает основы интегрального и дифференциального исчисления.	- наблюдение, интерпретация результатов и экспертная оценка деятельности обучающихся на практических и теоретических занятиях.
Основные математические методы решения прикладных задач методы оценивания качества выполняемых работ.	Обучающийся знает основные математические методы решения прикладных задач методы оценивания качества выполняемых работ.	- итоговый контроль – экзамен
Умения		
Владеть приемами геометрических измерений, читать информацию, представленную в виде таблиц, графиков, схем.	Обучающийся владеет приемами геометрических измерений, читать информацию, представленную в виде таблиц, графиков, схем.	- проверка результатов и хода выполнения практических работ - решение поисковых задач.
Определять этапы решения задачи	Обучающийся умеет определять этапы решения задачи	- наблюдение, интерпретация результатов и экспертная оценка деятельности обучающихся на практических и теоретических занятиях.
Решать прикладные задачи с применением сложных расчетов. Оценивать качество выполняемых работ.	Обучающийся умеет решать прикладные задачи с применением сложных расчетов. Оценивать качество выполняемых работ.	- оценка качества знаний при сдаче экзамена.

**Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования
«Омский государственный аграрный университет
имени П.А. Столыпина»**

Университетский колледж агробизнеса

35.02.16 Эксплуатация и ремонт сельскохозяйственной техники и оборудования.

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

по дисциплине

ОП.01 Математические методы решения прикладных профессиональных задач

Обеспечивающее преподавание дисциплины
подразделение

Инженерное отделение

Разработчик:

Преподаватель

Е.И. Терещенко

**Омск
2023**

СОДЕРЖАНИЕ

	3
1. ОБЩИЕ ПОЛОЖЕНИЯ	
2. ОЖИДАЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ИЗУЧЕНИЯ	4
3. РАСПРЕДЕЛЕНИЕ ОЦЕНИВАНИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ И ТИПОВ ОЦЕНОЧНЫХ МАТЕРИАЛОВ ПО ЭЛЕМЕНТАМ ЗНАНИЙ И УМЕНИЙ	5
4. МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ОЦЕНКИ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ	6
5. ПОКАЗАТЕЛИ ОЦЕНКИ РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ	19

I. ОБЩИЕ ПОЛОЖЕНИЯ

1. Фонд оценочных средств (далее – ФОС) предназначен для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу дисциплины ОП.01 Математические методы решения прикладных профессиональных задач.
2. ФОС включает оценочные материалы для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации в форме экзамена.
3. ФОС позволяет оценивать знания, умения, направленные на формирование компетенций.
4. ФОС разработан на основании положений основной образовательной программы по специальности 35.02.16 Эксплуатация и ремонт сельскохозяйственной техники и оборудования дисциплины ОП.01 Математические методы решения прикладных профессиональных задач.
5. ФОС является обязательным обособленным приложением к рабочей программе.

II. ОЖИДАЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ИЗУЧЕНИЯ

Результаты обучения (освоенные умения, усвоенные знания)	Показатели оценки образовательных результатов
ОК 01 Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам	
Уо 01.03 Определять этапы решения задачи	Обучающийся умеет определять этапы решения задачи
Уо 01.10 Владеть приемами геометрических измерений, читать информацию, представленную в виде таблиц, графиков, схем	Обучающийся владеет приемами геометрических измерений, читать информацию, представленную в виде таблиц, графиков, схем.
Зо 01.07 Основные понятия математического анализа, линейной алгебры, теорию комплексных чисел, теории вероятностей и математической статистики	Обучающийся знает основные понятия математического анализа, линейной алгебры, теорию комплексных чисел, теории вероятностей и математической статистики.
Зо 01.08 Роль и место математики в современном мире при освоении профессиональных дисциплин	Обучающийся знает роль и место математики в современном мире при освоении профессиональных дисциплин.
ОК 02 Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации, и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности	
Зо 02.05 Основы интегрального и дифференциального исчисления	Обучающийся знает основы интегрального и дифференциального исчисления.
ПК.1.9 Осуществлять контроль выполнения ежедневного технического обслуживания сельскохозяйственной техники, правильности агрегатирования и настройки машинно-тракторных агрегатов и самоходных машин, оборудования на заданные параметры работы, а также оперативный контроль качества выполнения механизированных операций.	
У 1.9.01 Решать прикладные задачи с применением сложных расчетов; оценивать качество выполняемых работ	Обучающийся умеет решать прикладные задачи с применением сложных расчетов. Оценивать качество выполняемых работ.
З 1.9.01 Основные математические методы решения прикладных задач методы оценивания качества выполняемых работ	Обучающийся знает основные математические методы решения прикладных задач методы оценивания качества выполняемых работ.

III. РАСПРЕДЕЛЕНИЕ ОЦЕНИВАНИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ И ТИПОВ ОЦЕНОЧНЫХ МАТЕРИАЛОВ ПО ЭЛЕМЕНТАМ ЗАНИЙ И УМЕНИЙ

Содержание курса	Форма контроля	Знания	Умения
Текущий контроль			
Раздел 1. Основы математического анализа			
Тема 1.1 Функция. Предел функции	Устный ответ; решение ситуационных задач	Зо 01.08 Зо 02.05	Уо 01.10
Тема 1.2 Дифференциальное исчисление	Устный ответ; решение практических задач	Зо 02.05	Уо 01.10
Тема 1.3 Интегральное исчисление функции одной переменной	Контроль при работе в парах	Зо 01.07 Зо 02.05	Уо 01.03
Раздел 2. Основы линейной алгебры			
Тема 2.1. Матрицы и действия над ними	Математический диктант; решение практических заданий	Зо 01.07	Уо 01.03
Тема 2.2. Определители 2-го и 3-го порядков, их свойства	Выполнение тестовых заданий	Зо 01.07	Уо 01.03
Тема 2.3. Обратные матрицы	Решение практических задач	Зо 01.07	Уо 01.03
Тема 2.4 Решение систем линейных алгебраических уравнений (СЛАУ)	Устный ответ; решение ситуационных задач	Зо 01.07	Уо 01.03
Раздел 3. Элементы теории комплексных чисел			
Тема 3.1 Формы комплексного числа. Решение уравнений.	Устный ответ; решение задач	Зо 01.07	Уо 01.03
Раздел 4. Основы теории вероятностей и математической статистики			
Тема 4.1. События, комбинаторика, вероятность	Решение практических задач	З 1.9.01	У 1.1.01
Тема 4.2. Основные понятия математической статистики. Выборочные ряды распределения.	Составление кроссвордов; выполнение тестовых заданий	З 1.9.01	У 1.1.01
Промежуточный контроль			
Экзамен	Устный ответ на вопросы; решение практических задач	Зо 01.07 Зо 01.08 Зо 02.05 З 1.9.01	Уо 01.03 Уо 01.10 У 1.9.01

IV. МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ОЦЕНКИ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ

4.1. Оценочные средства, применяемые для текущего контроля.

Примеры практических (ситуационных) задач

1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $y=2x^2$; $x=1$ и $x=2$
2. Скорость движения точки изменяется по закону $v = 3t^2 + 2t + 1$ м/с. Найдите путь, пройденный точкой за 10 с от начала движения
3. В коробке 5 одинаковых деталей, 3-и из них окрашены, на удачу извлекли 2-а изделия. Найти вероятность того, что среди извлеченных изделий окажется одно окрашенное изделие.
4. В лотерее 1000 билетов. Разыгрывается один выигрыш в 200 рублей и десять выигрышей по 100 рублей. Пусть X – величина возможного выигрыша для человека, имеющего один билет. Составить закон распределения этой случайной величины X .
5. Случайная величина X задана законом распределения:

4	6	7
0,4	0,5	0,1

Найти математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратичное отклонение этой случайной величины X .

Примеры (образцы решений)

ПРИМЕР 1. Найти производную второго порядка функции $y = x^2 \ln x$.

Решение. $y'' = (y')'$, поэтому найдём производную первого порядка, а затем второго.

$$y' = (x^2 \ln x)' = (x^2)' \ln x + x^2 (\ln x)' = 2x \cdot \ln x + x^2 \frac{1}{x} = 2x \ln x + x = x(2 \ln x + 1).$$

$$y'' = (x(2 \ln x + 1))' = x'(2 \ln x + 1) + x(2 \ln x + 1)' = 2 \ln x + 1 + x \frac{2}{x} = 2 \ln x + 3.$$

ПРИМЕР 2. Найти неопределенный интеграл:

$$\int \left(5 \cos x + 2 - 3x^2 + \frac{1}{x} - \frac{4}{x^2 + 1} \right) dx.$$

$$\begin{aligned} \text{Решение: } \int \left(5 \cos x + 2 - 3x^2 + \frac{1}{x} - \frac{4}{x^2 + 1} \right) dx &= \\ &= \int 5 \cos x dx + \int 2 dx - \int 3x^2 dx + \int \frac{1}{x} dx - \int \frac{4}{x^2 + 1} dx = \\ &= 5 \int \cos x dx + 2 \int dx - 3 \int x^2 dx + \int \frac{dx}{x} - 4 \int \frac{dx}{x^2 + 1} = \\ &= 5 \sin x + 2x - 3 \frac{x^3}{3} + \ln|x| - 4 \cdot \arctg x + C = \\ &= 5 \sin x + 2x - x^3 + \ln|x| - 4 \cdot \arctg x + C. \end{aligned}$$

ПРИМЕР 3: Возвести в степень комплексные числа i^{10} , i^{33} , $(-i)^{21}$

Решение: Если мнимая единица возводится в четную степень, то техника решения такова: $i^{10} = (i^2)^5 = (-1)^5 = -1$

Если мнимая единица возводится в нечетную степень, то «отщипываем» одно «и», получая четную степень: $i^{33} = i \cdot i^{32} = i \cdot (i^2)^{16} = i \cdot (-1)^{16} = i \cdot 1 = i$

Если есть минус (или любой действительный коэффициент), то его необходимо предварительно отделить: $(-i)^{21} = (-1)^{21} \cdot i^{21} = -i \cdot i^{20} = -i \cdot (i^2)^{10} = -i \cdot (-1)^{10} = -i$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 3 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

ПРИМЕР 4. Найдём обратную матрицу.

Решение:

$$|A| = \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} - 2 \begin{vmatrix} 3 & 1 \\ 0 & 2 \end{vmatrix} = 3 - 12 = -9.$$

$$A_{11} = 3, \quad A_{12} = -6, \quad A_{13} = 3, \quad A_{21} = -4, \quad A_{22} = 2, \quad A_{23} = -1, \quad A_{31} = 2, \quad A_{32} = -1, \quad A_{33} = -4.$$

$$A' = \begin{pmatrix} 3 & -6 & 3 \\ -4 & 2 & -1 \\ 2 & -1 & -4 \end{pmatrix}, \quad (A')^T = \begin{pmatrix} 3 & -4 & 2 \\ -6 & 2 & -1 \\ 3 & -1 & -4 \end{pmatrix},$$

$$A^{-1} = -\frac{1}{9}(A')^T = \begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{4}{9} & -\frac{2}{9} \\ \frac{2}{3} & -\frac{2}{9} & \frac{1}{9} \\ -\frac{1}{3} & \frac{1}{9} & \frac{4}{9} \end{pmatrix}.$$

Примеры тестовых заданий

Компетенции	Оценочные средства
ОК 1 Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам	1. Операцию нахождения производной называют дифференцированием интегрированием консолидацией бифуркацией 2. Эта формула выражает $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{\sin x}{x} \right) = 1$ первый замечательный предел первообразную угловой коэффициент касательной максимальное значение функции 3. Площадь криволинейной трапеции, ограниченной линиями $y=4-x^2$, $y=0$ определяется

	интегралом $\int_{-2}^0 (4 - x^2) dx$ $\int_{-2}^2 (4 - x^2) dx$ $\int_0^4 (4 - x^2) dx$ $\int_0^2 (4 - x^2) dx$ 4. Вероятность завести двигатель у трактора при первой попытке 0,35, при второй 0,4. Вероятность того, что двигатель заведён равна 0,61 0,39 0,14 0,86 5. Предел отношения приращения функции в точке x к приращению аргумента, когда последнее стремится к нулю называется производной функции неопределённым интегралом пределом функции первообразной 6. Матрицы $A = \begin{pmatrix} 2 & -3 & 1 \\ 0 & -5 & -7 \end{pmatrix}$, то транспонированная матрица A^T $A^T = \begin{pmatrix} 0 & -5 & -7 \\ 2 & -3 & 1 \end{pmatrix}$ $A^T = \begin{pmatrix} 1 & -3 & 2 \\ -7 & -5 & 0 \end{pmatrix}$ $A^T = \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ -5 & -3 \\ -7 & 1 \end{pmatrix}$ $A^T = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ -3 & -5 \\ 1 & -7 \end{pmatrix}$ 7. Определитель матрицы $A = \begin{pmatrix} 6 & 2 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$ равен 10 14 -14 6 8. Площадь заштрихованной фигуры, изображенной на рисунке 1.
--	---

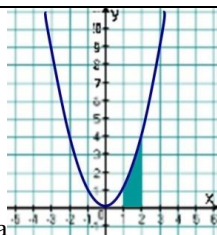


Рис. 1

равна
 $\frac{5}{3}$
 $\frac{3}{3}$
 $\frac{7}{2}$
 $\frac{7}{3}$

9. Функция возрастает на заданном промежутке, если
 первая производная положительна
 вторая производная положительна
 первая производная отрицательна
 первая производная равна нулю

10. Формула производной произведения двух функций $(u \cdot v)'$ вычисляется по формуле
 $u' \cdot v'$
 $u' \cdot v - u \cdot v'$
 $u' \cdot v + u \cdot v'$
 $u' \cdot v' + u \cdot v$

11. Диагональной называется матрица, у которой
 все элементы вне главной диагонали равны нулю
 все элементы главной диагонали равны нулю
 все элементы на главной и побочной диагоналях равны нулю
 все элементы первой строки равны нулю

12. Если $\int_1^4 f(x) dx = 3$ и $\int_1^4 g(x) dx = -2$, то $\int_1^4 [f(x) - g(x)] dx$ равен
 -1
 -5
 5
 1

13. Соответствие между математическими понятиями и их формулировками. УКАЖИТЕ СООТВЕТСТВИЕ ДЛЯ КАЖДОГО ЭЛЕМЕНТА ЗАДАНИЯ

Совокупность всех первообразных функции, то есть выражение $\int f(x) dx = F(x) + C$, $x \in J$, $\int f(x) dx = F(x) + C$, $x \in J$, где $C \in \mathbb{R}$ $C \in \mathbb{R}$ – произвольная постоянная.	Неопределенный интеграл
Разность значений первообразной для подынтегральной функции	Определенный интеграл
Предел отношения приращения функции $\Delta y = f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)$ к приращению аргумента Δx при $\Delta x \rightarrow 0$	Производная

Величина, к которой значение рассматриваемой функции стремится при стремлении её аргумента к данной точке	Предел
---	--------

14. Дана матрица $A = \begin{pmatrix} -2 & 4 & 0 \\ 1 & 3 & -5 \\ 2 & 6 & -1 \end{pmatrix}$. УКАЖИТЕ СООТВЕТСТВИЕ ДЛЯ КАЖДОГО ЭЛЕМЕНТА МАТРИЦЫ

a_{12}	4
a_{23}	-5
a_{31}	2
a_{33}	-1

15. Установите соответствие между производной и ее ответом. УКАЖИТЕ СООТВЕТСТВИЕ ДЛЯ КАЖДОГО ЭЛЕМЕНТА ЗАДАНИЯ

$(2x^{10} - 3x^5 + 3)'$	$20x^9 - 15x^4$
$(x^{10} - x^5 + 3)'$	$10x^9 - 5x^4$
$(2x^9 - 2x^5 + 3x)'$	$18x^8 - 10x^4 + 3$
$(2x^7 - 3x^4 + 3)'$	$14x^6 - 12x^3$
	$20x^9 - 15x^4 + 3$
	$x^9 - x^4 + 3$

16. Алгоритм нахождения алгебраических дополнений
УСТАНОВИТЕ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТЬ
 1 найти сумму номеров строки и столбца
 2 найти минор по алгоритму нахождения миноров
 3 подставить значения в формулу $A_{ij} = (-1)^{i+j} M_{ij}$

17. Установи соответствие между математическим объектом и его формой записи. УКАЖИТЕ СООТВЕТСТВИЕ ДЛЯ КАЖДОГО ЭЛЕМЕНТА ЗАДАНИЯ

производная логарифма X по основанию a	$(\log_a x)' = \frac{1}{x \ln a}$
неопределенный интеграл	$\int f(x) dx = F(x) + C$, где $C - const$
предел функции в точке	$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = A$
вторая производная функции	y''
площадь криволинейной трапеции	$S = \int_a^b f(x) dx$
	y^2
	$\lg x$
	$\int_a^b f(x) dx = F(x) _a^b = F(b) - F(a)$

18. Для приготовления фарша взяли говядину и свинину в отношении 20:1. Процент свинины в фарше равен
ОТВЕТ ЗАПИСАТЬ В ВИДЕ НАТУРАЛЬНОГО ЧИСЛА

	19. Площадь земель фермерского хозяйства, отведённая под посадку сельскохозяйственных культур, составляет 72 га и распределена между зерновыми и зернобобовыми культурами в отношении 7:2. Зернобобовые культуры занимают гектаров ОТВЕТ ЗАПИСАТЬ В ВИДЕ НАТУРАЛЬНОГО ЧИСЛА 20. Непосредственное интегрирование, метод подстановки, интегрирование по частям это ОТВЕТ ЗАПИСАТЬ В ВИДЕ СЛОВСОЧЕТАНИЯ 21. Определенный интеграл $\int_1^2 4x^3 dx$ равен ОТВЕТ ЗАПИСАТЬ В ВИДЕ НАТУРАЛЬНОГО ЧИСЛА 22. Найдите производную функции $y=x^2 + 2$ в точке $x_0 = 7$ ОТВЕТ ЗАПИСАТЬ В ВИДЕ НАТУРАЛЬНОГО ЧИСЛА 23. Вычислите определитель матрицы $A = \begin{pmatrix} 6 & 2 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$ ОТВЕТ ЗАПИСАТЬ В ВИДЕ НАТУРАЛЬНОГО ЧИСЛА
ОК 2 Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации, и информационны е технологии для выполнения задач профессиональн ой деятельности	1. Значение производной функции $y= 2e^{2x} + \sin 2x$ в точке $x_0= 0$ равно 4 2 6 0 2. С помощью, какой формулы, в основном, решаются задания по нахождению определенного интеграла формулы Римана формулы Коши используя формулы преобразования интеграла формулы Ньютона – Лейбница 3. Значение производной функции $y= \ln (2+x)$ в точке $x_0= -1$ равно 1 -1 Не существует 0 4. Алгебраическое дополнение A_{31} матрицы $A = \begin{pmatrix} -2 & 0 & 1 \\ 8 & -5 & 4 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix}$ равно -5 13 3 5 5. Даны матрицы $A = \begin{pmatrix} 3 & 0 & 8 \\ -2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ и $B = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 0 \\ 4 & 1 & -1 \end{pmatrix}$. Разность $4A-B$ равна $\begin{pmatrix} 11 & -2 & 32 \\ -12 & 3 & 7 \end{pmatrix}$ $\begin{pmatrix} 4 & -2 & 8 \\ -6 & 0 & 3 \end{pmatrix}$

$$\begin{pmatrix} 13 & -2 & -32 \\ -4 & 3 & 9 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 13 & -2 & 32 \\ -12 & 3 & 9 \end{pmatrix}$$

6. Матрица $A_{3 \times 3} = \begin{pmatrix} 2 & 0 & -1 \\ 5 & 7 & 2 \\ -2 & 1 & 0 \end{pmatrix}$, а матрица $B_{2 \times 3} = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 7 \\ -4 & 0 & 1 \end{pmatrix}$, то размерности матрица

$C = A \cdot B^T$ будет

$C_{3 \times 3}$

$C_{3 \times 2}$

$C_{2 \times 3}$

$C_{2 \times 2}$

7. Предел $\lim_{x \rightarrow 1} (3x^2 + x + 5)$ равен

8

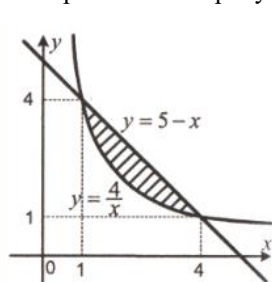
9

12

-1

данная операция не выполнима, размерность определить нельзя

8. Укажите формулу, по которой можно найти площадь S заштрихованной фигуры, изображенной на рисунке



a) $S = \int_1^4 \left(\frac{4}{x} + 5 - x \right) dx$

б) $S = \int_1^4 \left(\frac{4}{x} - 5 - x \right) dx$

в) $S = \int_1^4 \left(5 - x - \frac{4}{x} \right) dx$

г) $S = \int_1^4 \left(\frac{4}{x} - 5 + x \right) dx$

9. Каждому виду матриц укажите в соответствие один или несколько элементов второго столбца (характеристики). УКАЖИТЕ СООТВЕТСТВИЕ ДЛЯ КАЖДОГО ЭЛЕМЕНТА ЗАДАНИЯ

Виды матриц	Характеристики
квадратная	число строк матрицы совпадает с числом столбцов
диагональная	на главной диагонали стоят некоторые числа, а остальные элементы - нули
единичная	квадратная матрица, у которой на главной диагонали стоят единицы, а остальные элементы - нули
транспортированная	матрица, полученная из исходной матрицы заменой строк на столбцы
	квадратная матрица, у которой все элементы - единицы

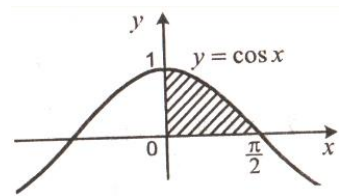
10. Методы решения систем линейных уравнений.

УКАЖИТЕ СООТВЕТСТВИЕ ДЛЯ КАЖДОГО ЭЛЕМЕНТА ЗАДАНИЯ

Методы	Характеристики
метод Гаусса	метод последовательного исключения неизвестных, приведение матрицы системы к ступенчатому виду
матричный метод	метод решения через обратную матрицу
	матрицу необходимо умножить на столбец свободных членов

11. Установите соответствие между матрицей и ее размерностью (размером). УКАЖИТЕ СООТВЕТСТВИЕ ДЛЯ КАЖДОГО ЭЛЕМЕНТА ЗАДАНИЯ	
$\begin{pmatrix} -2 & 4 & 0 \\ 1 & 3 & -5 \\ 2 & 6 & -1 \end{pmatrix}$	3x3
$\begin{pmatrix} 6 & 2 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$	2x2
$\begin{pmatrix} 0 & -5 & -7 \\ 2 & -3 & 1 \end{pmatrix}$	2x3
	3x2
12. Установите соответствие между производной и ее ответом. УКАЖИТЕ СООТВЕТСТВИЕ ДЛЯ КАЖДОГО ЭЛЕМЕНТА ЗАДАНИЯ	
$y = \frac{1}{3}x^6$	$2x^5$
$y = 4x^3$	$12x^2$
$y = 6x - 11$	6
$y = 6x^3$	$18x^2$
	$6x$
13. Установите соответствие между производной и ее ответом. УКАЖИТЕ СООТВЕТСТВИЕ ДЛЯ КАЖДОГО ЭЛЕМЕНТА ЗАДАНИЯ	
$((x-1)^5)'$	$5(x-1)^4$
$((2x-1)^5)'$	$10(2x-1)^4$
$((2x-1)^4)'$	$8(2x-1)^3$
	$(x-1)^4$
	$(2x-1)^4$
14. Каждому термину укажите в соответствие его значение. УКАЖИТЕ СООТВЕТСТВИЕ ДЛЯ КАЖДОГО ЭЛЕМЕНТА ЗАДАНИЯ	
Термин	Значение
минор определителя	определитель, полученный из данной матрицы вычеркиванием строки и столбца
алгебраическое дополнение	минор элемента со своим знаком, если сумма номеров строки и столбца данного элемента четна, и с обратным знаком, если - нечетна
транспонированная матрица	матрица, полученная из исходной матрицы заменой строк на столбцы
15. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями $y = x^2, y = 0, x = -3$. ОТВЕТ ЗАПИСАТЬ В ВИДЕ НАТУРАЛЬНОГО ЧИСЛА	

	16. На рисунке изображены график $y = f(x)$ и касательная к этому графику, проведённая в точке с абсциссой x_0. Найдите значение производной функции $f(x)$ в точке x_0. ОТВЕТ ЗАПИСАТЬ В ВИДЕ ДЕСЯТИЧНОЙ ДРОБИ. 17. Производная частного от деления двух функций $\left(\frac{u}{v}\right)'$ определяется формулой $\frac{u'v - uv'}{v^2}$ 18. Площадь земель фермерского хозяйства, отведённая под посадку сельскохозяйственных культур, составляет 24 га и распределена между зерновыми и овощными культурами в отношении 5:3. Овощные культуры занимают гектаров. ОТВЕТ ЗАПИСАТЬ В ВИДЕ НАТУРАЛЬНОГО ЧИСЛА. 19. Прямоугольник разбит на четыре меньших прямоугольника двумя параллельными разрезами. Площади трёх из них, начиная с левого нижнего и далее по часовой стрелке, равны 14, 7 и 21(см. рисунок). Найдите площадь всего <table border="1" data-bbox="453 1301 906 1507"> <tr> <td>7</td><td>21</td></tr> <tr> <td>14</td><td></td></tr> </table> исходного прямоугольника. ОТВЕТ ЗАПИСАТЬ В ВИДЕ НАТУРАЛЬНОГО ЧИСЛА.	7	21	14	
7	21				
14					
ПК.1.9 Осуществлять контроль выполнения ежесменного технического обслуживания сельскохозяйственной техники, правильности агрегатирования	1. Площадь земель фермерского хозяйства, отведённая под посадку сельскохозяйственных культур, составляет 72 га и распределена между зерновыми и зернобобовыми культурами в отношении 7:2. Зернобобовые культуры занимают гектаров 16 72 8 56 2. При проверке семян из 200 посеянных семян взошло 160. Тогда процент всходов семян равен 80 125				

и настройки машинно-тракторных агрегатов и самоходных машин, оборудования на заданные параметры работы, а также оперативный контроль качества выполнения механизированных операций.	0,8 8 3. Значение производной функции $y = 5x^3 + 7$ в точке $x = 2$ равно: 30 67 60 20 4. На конференцию приехали 7 ученых из Канады, 5 из Германии, 2 из Италии и 6 из России. Каждый день делается по пять докладов. Какова вероятность того, что профессор Петров из России выступит с докладом во второй день? 0,25 0,43 1 0,75 5. Найдите площадь заштрихованной фигуры, изображенной на рисунке.  a) 1 б) 2 в) $\frac{1}{2}$ г) $1 - \frac{1}{2}$ 6. При сдаче демонстрационного экзамена студентов рассаживают по трём аудиториям. В первых двух по 110 человек, оставшихся проводят в запасную аудиторию в другом корпусе. При подсчете выяснилось, что всего было 400 студентов. Вероятность того, что случайно выбранный студент сдавал демонстрационный экзамен в запасной аудитории. 0,45 0,55 0,4 0,275 7. Задачи на приготовление раствора обычно решаются способом нахождения экстремума функции перебора данных округлением чисел составлением пропорций 8. В ящике 15 деталей, из них 3 с дефектом. Сборщик наудачу берет одну деталь. Какова вероятность того, что взята деталь без дефекта? 1 0,5 0,2 0,8 9. Установи соответствие между производной и ее ответом. УКАЖИТЕ СООТВЕТСТВИЕ ДЛЯ КАЖДОГО ЭЛЕМЕНТА ЗАДАНИЯ <table border="1" data-bbox="491 1865 1497 2011"> <tr> <td>$y = \sin x + 3$</td><td>$y' = \cos x$</td></tr> <tr> <td>$y = 4\cos x$</td><td>$y' = -4\sin x$</td></tr> </table>	$y = \sin x + 3$	$y' = \cos x$	$y = 4\cos x$	$y' = -4\sin x$
$y = \sin x + 3$	$y' = \cos x$				
$y = 4\cos x$	$y' = -4\sin x$				

$y = \cos x + 3$	$y' = \sin x$
------------------	---------------

10. Установи соответствие между математическим объектом и его формой записи.
УКАЖИТЕ СООТВЕТСТВИЕ ДЛЯ КАЖДОГО ЭЛЕМЕНТА ЗАДАНИЯ

формула Ньютона – Лейбница	$\int_a^b f(x)dx = F(x) _a^b = F(b) - F(a)$
первый замечательный предел	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$
угловой коэффициент касательной к графику функции	$k = f'(x) = \operatorname{tg} \alpha$
	y''
	$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{2x^3 + 2}{x^2 - 1}$
	$\int f(x)dx = F(x) + C, \text{ где } C = \text{const}$

11. Установите соответствие между производной и ее ответом.
УКАЖИТЕ СООТВЕТСТВИЕ ДЛЯ КАЖДОГО ЭЛЕМЕНТА ЗАДАНИЯ

$y = \frac{1}{3}x^6$	$2x^5$
$y = 4x^3$	$12x^2$
$y = 6x - 11$	6
$y = 6x^3$	$18x^2$

12. Установите соответствие между алгебраическими дополнениями и их значениями.
УКАЖИТЕ СООТВЕТСТВИЕ ДЛЯ КАЖДОГО ЭЛЕМЕНТА ЗАДАНИЯ

$A = \begin{pmatrix} 6 & 2 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$

A_{11}	2
A_{12}	1
A_{21}	-2
A_{22}	6

13. Расположите числа и значения выражений в порядке возрастания
УСТАНОВИТЕ ПРАВИЛЬНУЮ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТЬ

1. i^2
2. 0
3. $-i^2$
4. 2

14. Две фабрики выпускают одинаковые стекла для автомобильных фар. Первая фабрика выпускает 45% этих стекол, вторая — 55%. Первая фабрика выпускает 3% бракованных стекол, а вторая — 1%. Найдите вероятность того, что случайно купленное в магазине стекло окажется бракованным.

	ОТВЕТ ЗАПИСАТЬ В ВИДЕ ДЕЯТИЧНОЙ ДРОБИ 15. Из районного центра в деревню ежедневно ходит автобус. Вероятность того, что в понедельник в автобусе окажется меньше 20 пассажиров, равна 0,94. Вероятность того, что окажется меньше 15 пассажиров, равна 0,56. Найдите вероятность того, что число пассажиров будет от 15 до 19. ОТВЕТ ЗАПИСАТЬ В ВИДЕ ДЕЯТИЧНОЙ ДРОБИ 16. На предприятии в данный момент свободно 20 машин: 9 черных, 4 желтых и 7 зеленых. По вызову выехала одна из машин. Найдите вероятность того, что выехала желтая машина. ОТВЕТ ЗАПИСАТЬ В ВИДЕ ДЕЯТИЧНОЙ ДРОБИ 17. В среднем из каждых 80 поступивших в продажу аккумуляторов 76 аккумуляторов заряжены. Найдите вероятность того, что купленный аккумулятор не заряжен. ОТВЕТ ЗАПИСАТЬ В ВИДЕ ДЕЯТИЧНОЙ ДРОБИ 18. Из 1000 собранных на заводе тракторов 5 штук бракованных. Эксперт проверяет один наугад выбранный трактор из этой 1000. Найдите вероятность того, что проверяемый трактор окажется бракованным. ОТВЕТ ЗАПИСАТЬ В ВИДЕ ДЕЯТИЧНОЙ ДРОБИ
--	--

4.3. Оценочные средства, применяемые для промежуточной аттестации по итогам изучения дисциплины ОП.01 Математические методы решения прикладных профессиональных задач.

ВОПРОСЫ (примерные) для подготовки к экзамену

1. Определение предела функции в точке и в бесконечности. Основные теоремы о пределах. Первый и второй замечательные пределы.
2. Производная функции. Дифференциал функции. Правила дифференцирования.
3. Таблица производных. Производная сложной функции.
4. Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства.
5. Таблица неопределенных интегралов.
6. Методы интегрирования: метод непосредственного интегрирования, метод замены переменной, метод интегрирования по частям.
7. Определенный интеграл и его свойства. Вычисление определенного интеграла по формуле Ньютона-Лейбница.
8. Применение производной в задачах на нахождение экстремума и монотонности функции
9. Использование производной при исследовании функции
10. Определители матриц. Нахождение определителей.
11. Виды матриц. Обратная матрица.
12. СЛАУ. Метод Гаусса.
13. СЛАУ. Метод Крамера.
14. Комплексное число и его формы. Комплексные числа и действия над ними.
15. Классическое определение вероятности. Свойства.

Экзамен проводится в устной форме с использованием комплекта билетов. Один билет включает теоретический блок (1 или 2 вопроса) и практический блок (1 или 2 задания). Билеты имеют одинаковое число вопросов. Экзаменатору предоставляется право задавать обучающимся дополнительные и уточняющие вопросы по билету.

Пример экзаменационного билета

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Омский государственный аграрный университет им. П.А. Столыпина»

Университетский колледж агробизнеса

Утверждаю:

председатель методического совета

_____ М.В. Иваницкая

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 1

ОП.01 Математические методы решения прикладных профессиональных задач

(специальность 35.02.16 Эксплуатация и ремонт сельскохозяйственной техники и оборудования)

Виды матриц. Обратная матрица.

Вычислить определенный интеграл $\int_0^3 (5x + 1)dx$.

Найти производную функции $y = e^{2x^5 - 8}$.

Одобрено на заседании методического совета, протокол № _____ от _____ г.

V. ПОКАЗАТЕЛИ ОЦЕНКИ РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Уровень сформированности компетенций	Оценка	Критерии оценивания по видам работ	
		тестирование (процент правильных ответов)	прочие виды работ по дисциплине
Высокий	Отлично	90-100%	Обучающийся глубоко и прочно усвоил теоретический и освоил практический материал. Дает логичные и грамотные ответы. Демонстрирует знание не только основного, но и дополнительного материала, быстро ориентируется, отвечая на дополнительные вопросы. Свободно справляется с поставленными задачами, аргументировано и верно обосновывает принятые решения.
Повышенный	Хорошо	70-89%	Обучающийся твердо знает программный материал, грамотно и по существу излагает его. Не допускает существенных неточностей при ответах на вопросы, правильно применяет теоретические положения при решении практических задач, владеет навыками и приемами их выполнения.
Базовый	Удовлетворительно	50-69%	Обучающийся демонстрирует знания только основного материала, но не усвоил его детали, испытывает затруднения при решении практических задач. В ответах на поставленные вопросы допускает неточности. Дает определения понятий, искажающие их смысл. Нарушает последовательность изложения программного материала.
Не сформирована	Неудовлетворительно	0-49%	Обучающийся не знает, не выполняет или неправильно выполняет большую часть учебного материала. Допускает ошибки в формулировке определений, искажающие их смысл, беспорядочно и неуверенно излагает материал. Ответы на дополнительные вопросы отсутствуют. Не выполняет задания.

ЛИСТ РАССМОТРЕНИЙ И ОДОБРЕНИЙ
рабочей программы дисциплины

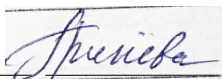
ОП.01 Математические методы решения прикладных профессиональных задач
35.02.16 Эксплуатация и ремонт сельскохозяйственной техники и оборудования

	1) Рассмотрена и одобрена:
	а) На заседании предметно-цикловой методической комиссии протокол № 7 от 20.05.2024 г. Председатель ПЦМК  Е.И. Терещенко
	б) На заседании методического совета протокол № 5 от 23.05.2024 г. Председатель методического совета  М.В. Иваницкая
2) Рассмотрена и одобрена внешним экспертом	
а) Генеральный директор ООО «РУСКОМ-Агро» В.И. Гоман	

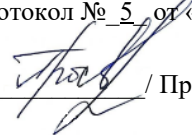
ИЗМЕНЕНИЯ И ДОПОЛНЕНИЯ
к рабочей программе профессионального цикла
«ОП. 01 Математические методы решения прикладных профессиональных задач»
в составе ППСЗ 35.02.16 Эксплуатация и ремонт сельскохозяйственной техники и
оборудования

Ведомость изменений

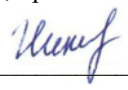
№ п/п	Вид обновлений	Содержание изменений, вносимых в ОПОП	Обоснование изменений
1	Обновление на 2026/27 учебный год	Актуализация списка литературы	Ежегодное обновление

Ведущий преподаватель  / Гринева Л.П./

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена на заседании предметно-цикловой методической комиссии, протокол № 5 от «12» мая 2026 г.

Председатель ПЦМК  / Просвирыков А.П./

Одобрена методической комиссией отделения СПО, протокол № 6 от «16» июня 2026 г.

Председатель методической комиссии отделения СПО  / Инталева Т.Ю./

3.2.1. Основные печатные издания
<i>Основная учебная литература:</i>
Дадаян А. А. Математика : учебник / А.А. Дадаян. — 3-е изд., испр. и доп. — Москва : ИНФРА-М, 2024. — 544 с. — ISBN 978-5-16-012592-3. - Текст : электронный. - URL: https://znanium.ru/catalog/product/2132236 – Режим доступа: для авториз. пользователей.
Бардушкин В. В. Математика. Элементы высшей математики: учебник: в 2 т. Т. 1 / В.В. Бардушкин, А.А. Прокофьев. — Москва: КУРС: ИНФРА-М, 2026. — 304 с. — ISBN 978-5-906923-05-9. - Текст : электронный. - URL: https://znanium.ru/catalog/product/2213436 – Режим доступа: для авториз. пользователей.
Бардушкин В. В. Математика. Элементы высшей математики: учебник: в 2 т. Т. 2 / В.В. Бардушкин, А.А. Прокофьев. — Москва: КУРС, ИНФРА-М, 2026. — 368 с. — ISBN 978-5-906923-34-9. - Текст : электронный. - URL: https://znanium.ru/catalog/product/2236736 – Режим доступа: для авториз. пользователей.
<i>Дополнительная учебная литература:</i>
Дадаян А. А. Сборник задач по математике : учебное пособие /Дадаян А. А. - 3-е изд. - Москва : Форум, ИНФРА-М, 2021. - 352 с. - ISBN 978-5-91134-803-8. - Текст : электронный. - URL: https://znanium.com/catalog/product/1362444 – Режим доступа: для авториз. пользователей.
Гусева А. И. Дискретная математика : учебник / А.И. Гусева, В.С. Киреев, А.Н. Тихомирова. — Москва : КУРС: ИНФРА-М, 2026. — 208 с. — ISBN 978-5-906818-21-8. - Текст : электронный. - URL: https://znanium.ru/catalog/product/2207571 – Режим доступа: для авториз. пользователей.
Коган Е. А. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник / Е.А. Коган, А.А. Юрченко. — Москва : ИНФРА-М, 2024. — 250 с. — ISBN 978-5-16-015649-1. - Текст : электронный. - URL: https://znanium.ru/catalog/product/2078388 – Режим доступа: для авториз. пользователей.
Геометрия и графика: научно-методический журнал. – Москва. -ISSN 2308-4898- Текст электронный. - URL: https://znanium.com - Режим доступа : для авториз. пользователей.